



I.I.

Boletín 4

Curso 2005-2006

1. Considera una cámara situada en el punto del sistema de coordenadas del mundo $(4,4,4)$ y que “mira” hacia el punto $(0,1,0)$. Supón además que inicializamos la dirección “arriba (up)” al eje positivo de las Y $(0,1,0)$. Determina el sistema de coordenadas de vista \mathbf{u} , \mathbf{v} , \mathbf{n} . hazlo usando el convenio de ejes que utiliza OpenGL.

2. Muestra que usando el vector \mathbf{up} para definir \mathbf{u} y \mathbf{v} es equivalente a considerar \mathbf{v} como el vector más cercano a \mathbf{up} que es perpendicular a \mathbf{n}

3. Considera una proyección en perspectiva con el plano de visión a una distancia $(-d)$ del origen y normal al eje z . Supón el centro de proyección en el origen del sistema de coordenadas. Aplica la matriz de proyección sobre la ecuación paramétrica de una recta que pasa por un punto A y tiene un vector director \mathbf{c} . Es decir, la ecuación es $r(t) = A + ct$. Demuestra las siguientes propiedades:

- a) Las líneas paralelas al plano de visión tienen proyecciones en este plano que también son paralelas.
- b) Las líneas paralelas entre sí pero no paralelas al plano de visión, convergen en el plano de proyección a un único punto de fuga.

4. Imagina geoméricamente cómo pintamos la proyección de una línea r siguiendo la ecuación paramétrica: conforme nos desplazamos por r al variar t , proyectamos este punto sobre el plano de visión. Con esta idea haz un dibujo para ver lo que ocurre con puntos de la recta r situados detrás del centro de proyección (r no es paralela al plano de visión).